

フーリエ解析学序章

追加訂正

1. 離散等周問題

p.22 の定理 1.5.1 の証明の訂正 (2018/7/23 version 1).

主張「 $\tan \theta$ は $(0, \pi)$ で正の値をとる狭義単調増加であるため、

$$1 - \tan\left(\frac{\pi}{n}\right) / \tan\left(\frac{\pi x}{n}\right) > 0, \quad 2 \leq x \leq n$$

が成り立ち」の下線部に明らかな誤りがありますので、この部分を以下のように訂正します。

訂正板. $\tan(\pi/2) = \pm\infty$ となるため、 $x = \frac{n}{2}$ のときは

$$1 - \tan\left(\frac{\pi}{n}\right) / \tan\left(\frac{\pi x}{n}\right) = 1$$

となるので、 $x \neq \frac{n}{2}$ の場合を考察する. $\tan \theta$ は $(0, \pi/2)$ で正の値をとる狭義単調増加であるため、

$$\tan\left(\frac{\pi x}{n}\right) > \tan\left(\frac{\pi}{n}\right), \quad 2 \leq x < \frac{n}{2}$$

が成り立ち、

$$1 - \tan\left(\frac{\pi}{n}\right) / \tan\left(\frac{\pi x}{n}\right) > 0, \quad 2 \leq x < \frac{n}{2}$$

が分かる. また $n \geq 3$ より $\tan(\pi/n)$ は正であり、また $\frac{n+1}{2} \leq x \leq n-1$ のときは $\pi/2 < \pi x/n < \pi$ より、 $\tan(\pi x/n) < 0$ となるため

$$1 - \tan\left(\frac{\pi}{n}\right) / \tan\left(\frac{\pi x}{n}\right) > 1 > 0, \quad \frac{n+1}{2} \leq x \leq n-1$$

となる. 以上より、

$$1 - \tan\left(\frac{\pi}{n}\right) / \tan\left(\frac{\pi x}{n}\right) > 0, \quad 2 \leq \forall x \leq n-1$$

が成り立ち、

□

これ以降は変更ありません.